

**Universitatea din Craiova**  
**Facultatea de Automatică, Calculatoare și Electronică**  
**Examen de admitere la licență - Sesiunea iulie 2019**  
**Domeniul Calculatoare și Tehnologia Informației**

**Proba scrisă la matematică**

**BAREM DE EVALUARE ȘI NOTARE**

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

**SUBIECTUL I** **(30 de puncte)**

1.  $|z| = |(\sqrt{7} - 1) + i(\sqrt{7} + 1)|^{2019}$  ..... 2p  
 $|(\sqrt{7} - 1) + i(\sqrt{7} + 1)| = \sqrt{(\sqrt{7} - 1)^2 + (\sqrt{7} + 1)^2}$  ..... 2p  
 $|z| = 4^{2019}$  ..... 1p
2. Condiție de existență:  $x > 0$  ..... 1p  
Substituția  $\lg x = t$  conduce la ecuația  $t^2 + 3t + 2 = 0$  ..... 1p  
Soluțiile ecuației  $t^2 + 3t + 2 = 0$  sunt  $t_1 = -2$  și  $t_2 = -1$  ..... 2p  
Soluțiile ecuației inițiale sunt  $x_1 = 10^{-2}$  și  $x_2 = 10^{-1}$  ..... 1p
3. Progresia aritmetică are primul termen  $a_1 = 4$  și rația  $r = 3$  ..... 2p  
Suma primilor  $n$  termeni este  $S_n = \frac{(a_1 + a_n) \cdot n}{2} = \frac{(5 + 3n) \cdot n}{2} = 714$  ..... 1p  
 $n = 21$  ..... 1p  
 $x = a_{21} = 64$  ..... 1p
4. Suma este  $(1 + 3)^n = 4^n$  ..... 5p
5. Mijlocul segmentului  $[AB]$  este  $M(0, 2)$  ..... 2p  
Panta dreptei  $AB$  este 1 ..... 1p  
Panta mediatoarei segmentului este  $-1$  ..... 1p  
Ecuația mediatoarei segmentului  $[AB]$  este  $y = -x + 2$  ..... 1p
6.  $\cos A = \frac{3}{5}$  ..... 5p

**SUBIECTUL al II-lea** **(30 de puncte)**

1.
  - a) Pentru  $\alpha = 2$ , determinantul matricei  $A$  este 5 ..... 3p  
 $\det A \neq 0$  implică  $A$  este matrice inversabilă ..... 2p
  - b) Punctele  $M$ ,  $N$ ,  $P$  sunt coliniare dacă și numai dacă  $\det A = 0$  ..... 2p  
 $\alpha = \frac{9}{2}$  ..... 3p
  - c) Pentru  $\alpha = 0$ , soluția este  $X = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$  ..... 5p

**2.**

- a)  $S_1 = x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 1$ ,  $S_2 = x_1x_2 + x_1x_3 + x_1x_4 + x_2x_3 + x_2x_4 + x_3x_4 = 1$  ..... 2p  
 $S = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + x_4^2 = S_1^2 - 2S_2 = -1$  ..... 3p  
b) Câțul este  $q = X^2 + 1$  ..... 3p  
Restul este  $r = 1$  ..... 2p  
c)  $S = -1 < 0$  implică faptul că nu toate rădăcinile lui  $f$  sunt numere reale ..... 3p  
Concluzia ..... 2p

**SUBIECTUL al III-lea**

(30 de puncte)

**1.**

- a)  $f'(x) = -2x^3 e^{-x^2}$  ..... 5p  
b)  $f$  este crescătoare pe  $(-\infty, 0]$  și descrescătoare pe  $[0, +\infty)$  ..... 3p  
 $x = 0$  este singurul punct de extrem cu valoarea maximă  $f(0) = 1$  ..... 2p  
c)  $e^{-x^2} > 0$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$  implică  $\int_0^1 e^{-x^2} dx \geq 0$  ..... 1p

Din continuitatea funcției  $e^{-x^2}$  rezultă  $\int_0^1 e^{-x^2} dx > 0$  ..... 1p

$f(x) \leq 1$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$  implică  $e^{-x^2} \leq \frac{1}{x^2 + 1}$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$  ..... 2p

$\int_0^1 e^{-x^2} dx \leq \int_0^1 \frac{1}{x^2 + 1} dx \leq \frac{\pi}{4}$  ..... 1p

**2.**

- a)  $a = 2$  ..... 5p

b)  $\int_2^3 \frac{1}{g(x)} dx = \int_2^3 \frac{(x-1)'}{(x-1)^2} dx$  ..... 2p  
 $\int_2^3 \frac{1}{g(x)} dx = -\frac{1}{x-1} \Big|_2^3$  ..... 2p  
 $\int_2^3 \frac{dx}{g(x)} = \frac{1}{2}$  ..... 1p

c)  $h'(x) = \frac{x^2 + a}{x-1}$  ..... 3p

Întrucât oricare ar fi  $a > 0$ ,  $h'(x) > 0$  pentru orice  $x > 2$ , rezultă concluzia ..... 2p